

# 3. előadás

Típusrendszerek.

Az Ada típusai és típuskonstrukciós eszközei, I.

# Típus

- Egy bitsorozatot mire szeretnénk használni
- Lehetséges értékek (típusértékhalmoz)
- Használható műveletek
- Típus-specifikáció/típus a módszertanban

# Integer típus

- ▣ az egész számok halmaza:  
..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...
- ▣ a szokásos műveletek:  
+, -, \*, /, \*\* stb.

# Mire használjuk a típusokat?

- Változók, objektumok, alprogramok deklarációjához, használati módjának megadásához (típusspecifikáció)
- Objektumok létrehozásához (típus)
  - Objektum-elvű nyelvekben: osztály, konstruktor
- Egyes nyelvekben szétválík

# Mire jó a típusrendszer?

- Biztonság növelése
- Optimalizálás megkönnyítése
- Dokumentálás
- Absztrakció támogatása

# Erősen típusos nyelv

- Minden (helyes) kifejezés típushelyes: nem lesz futás közbeni típushiba
- Ada, C++, Java: erre törekszenek
  - gyengén típusos nyelvek: például a szkriptnyelvek
- Nagyobb programok fejlesztésénél nagy segítség
- Védelem bitsorozatok (véletlenszerű) téves használata ellen
  - pl. int és pointer

# Típushelyesség biztosítása

- Típusellenőrző rendszer
  - type checking
  - Ada, C++, Java, ...
  - a programozó megadja az entitások típusát
- Típuskikövetkeztető rendszer
  - type inferencing
  - modern funkcionális nyelvek (ML, Haskell, ...)
  - a fordító kikövetkezteti a típusokat

# Típusmeghatározás

- ▣ Statikus típusellenőrzés és kikövetkeztetés
  - fordítási időben
  - hasznos: hibák korai felfedezése, hatékonyság növelése
  - Ada, C++, Java
- ▣ Dinamikus típusellenőrzés
  - futási időben
  - hasznos: nagyobb rugalmasság, nagyobb kifejezőerő
  - Java, Smalltalk, LISP



# Biztonságosság vs. rugalmasság

- Rugalmas, de nem statikus: Smalltalk
  - csak dinamikus típusellenőrzés
- Rugalmatlan, de meglehetősen biztonságos statikus típusrendszer: C++, Pascal
  - típuskényszerítés, variáns rekord
- Rugalmas, de nem biztonságos statikus t.r.: Eiffel
- Rugalmas és biztonságos statikus t.r.: Ada, Java
  - helyenként dinamikus típusellenőrzéssel kombinálva

# Típusekvivalencia

- Mikor tekintünk két típust ekvivalensnek?
  - szerkezeti típusekvivalencia: ha ugyanolyanok
  - név szerinti típusekvivalencia: ha kijelentjük, hogy ekvivalensek

# Típusekvivalencia a C++ nyelvben

- ▣ Osztályok: név szerinti ekvivalencia

```
class A { int x; };    class B { int x; };
```

- nem ekvivalensek!

- ▣ typedef

```
typedef int LENGTH;
```

- csak nevet deklaráál, nem definiál új típust
- szinoníma bevezetése

# Típusekvivalencia az Ada nyelvben

- A C++ nyelvhez hasonlóan
  - Név szerinti ekvivalencia
  - Van lehetőség szinoníma definiálására
- Szigorúbb szabályok a használatra

# Beépített típusok az Adában

- ▣ Integer
- ▣ (Positive)
- ▣ (Natural)
- ▣ Boolean
- ▣ Float
- ▣ Character
- ▣ String
- ▣ Wide\_Character
- ▣ Wide\_String
- ▣ Duration

# Újabb típusokat lehet definiálni

**type T is ...**

- ▣ A típusértékek (és műveletek) megadásával, felsorolási típust:

**type Irány is (Fel, Jobbra, Le, Balra);**

- ▣ Származtatással:

**type Terület is new Float;**

- ▣ Építéssel (összetett típust, pl. tömb típust)

**type Tömb is array (1..10) of Integer;**

# Absztrakt adattípus

- Elvonatkoztatunk a reprezentációnak és a műveletek implementációjának részleteitől

- Átlátszatlan, „privát” típus

**type Verem is private;**

- Típus-specifikáció

# Új típus származtatással

```
type Sebesség is new Float;
```

```
type Idő is new Float;
```

```
type Út is new Float;
```

```
T: Idő := 4.0;
```

```
V: Sebesség := 3.0;
```

```
T := V;    -- helytelen! fordítási hiba
```

- T és V különböző típusúak (név szerinti ekv.)
  - sok programozói hiba kiszűrhető így



# Származtatás

- ▣ A származtatás során új típus jön létre
- ▣ Az eredeti típus típusértékhalmaza lemásolódik
- ▣ Az eredeti típus műveletei lemásolódnak
- ▣ Lexikálisan a két típus típusértékei és műveletei megegyeznek, de egymással nem lesznek kompatibilisek (átlapolás)

V: Sebesség := 3.0 + 1.0;

F: Float := 3.0 + 1.0;

- ▣ Öröklődés: hasonlóságok és különbségek

# Explicit típuskonverzió

- ▣ Oda-vissza konvertálhatunk típusnévvel
- ▣ Nincs automatikus (implicit) konverzió
  - A szokásosnál szigorúbbak a játékszabályok

```
type Int is new Integer;
```

```
I: Integer := 3;
```

```
J: Int := Int(I);
```

```
K: Integer := Integer(J+1) + I + 1;
```

# Típusosztályok

## ▣ *Elemi típusok*

– skalár

▣ diszkrét (felsorolási és egész)

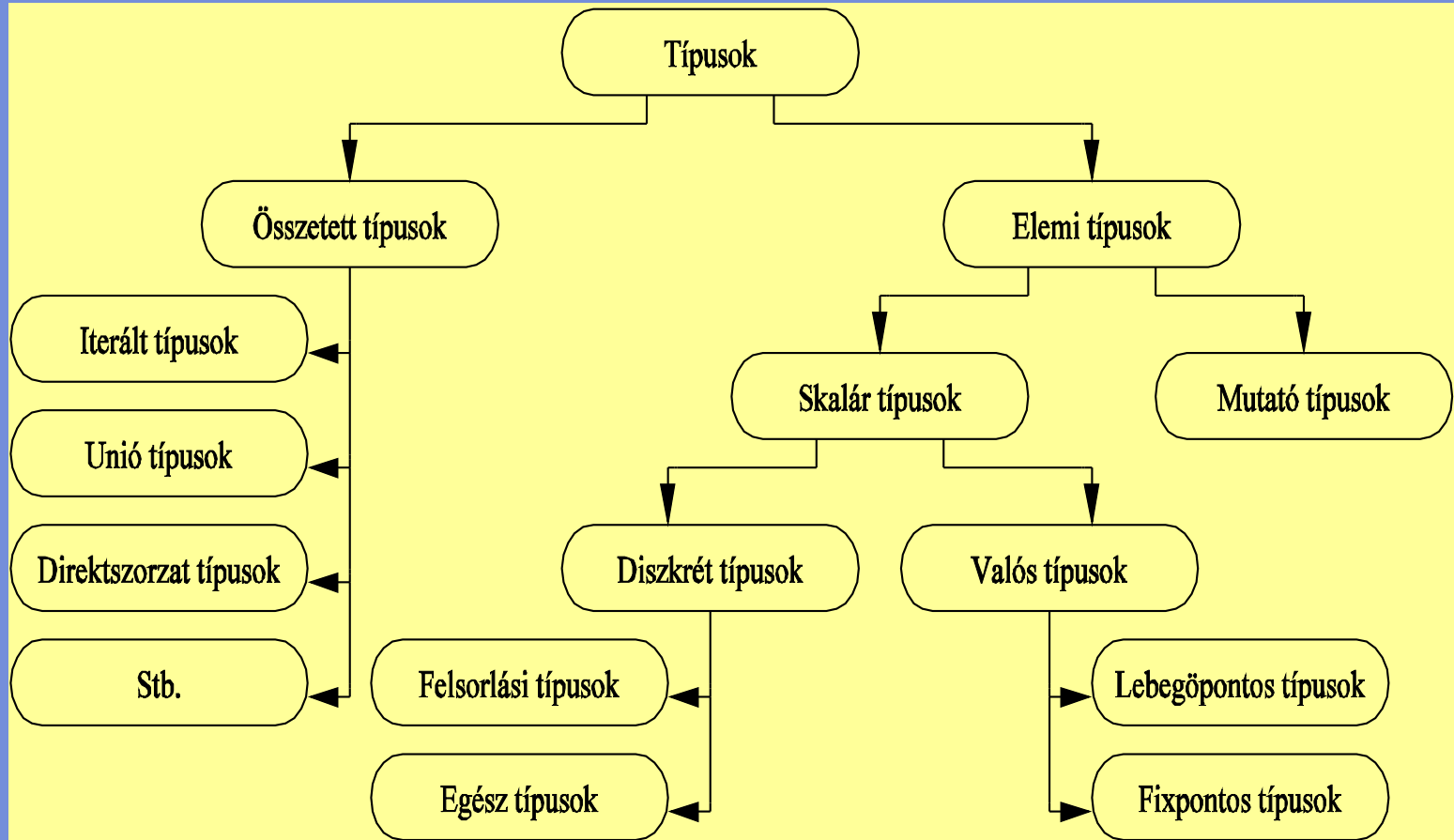
▣ valós (fix- és lebegőpontos)

– mutató

## ▣ *Összetett típusok*

- tömb    - rekord    - *jelölt*    - *taszk t.*    -  
*védett t.*

# Típusosztályok rajzban



# Elemi típusok

skalár

diszkrét

felsorolási (Character, Boolean)

egész

előjeles (Integer)

moduló típusok

valós

lebegőpontos (Float)

fixpontos

közönséges fixpontos

decimális fixpontos

mutató

# Felsorolási típusok

- Elemi, skalár, diszkrét
- Felsoroljuk a típusértékeket
  - mint a C++ enum
  - de nem kompatibilisek az egész számok típusával

```
type Irány is (Fel, Jobbra, Le, Balra);
```

```
type Boolean is (False, True);
```

```
type Character is (...);
```

```
I: Irány := Fel;
```

# Egész típusok (1) elemi, skalár, diszkrét

## ▣ Előjeles (signed) egész típusok, pl. *Integer*

- Definiálhatunk újabbakat: *származtatással*

**type Másik is new Integer;**

- Ez a típus nem kompatibilis az Integer-rel!

I: Integer := 5;

~~M2: Másik := I;~~

M1: Másik := 5;

~~J: Integer := M1;~~

M3: Másik := Másik(I);

K: Integer := Integer(M3);

## ▣ Moduló (unsigned) típusok

# Egész típusok (2) elemi, skalár, diszkrét

- Előjeles egész típusok, pl. *Integer*
- Moduló típusok

```
type Mod10 is mod 10;
```

```
type Bájt is mod 256;
```

- A típusértékek a 0..9, illetve a 0..255
- A számokon értelmezett szokásos műveletek (például a “+”) a maradékosztályok szerint, azaz modulo számolnak.



# Valós típusok (1)

elemi, skalár

## □ Lebegőpontos számtípusok

- egy rögzített hosszúságú *mantissza* és egy előjeles egész *exponens*

```
type Real is digits 8;
```

```
Pi: Real := 3.1415926
```

- *digits*: a mantissza ábrázolásához szükséges decimális jegyek száma
- predefinit típus: *Float* - implementációfüggő
- a többi ebből, származtatással

```
type Real is new Float digits 8;
```

## □ Fixpontos számtípusok

# Valós típusok (2)

elemi, skalár

- Lebegőpontos számtípusok

- Fixpontos számtípusok

- rögzített számú számjegy és egy képzeletbeli tizedespont

- `type Fix is delta 0.01 range -1.0 .. 1.0;`

- tizedes fixpontos típus:

- `type Fix is delta 0.01 digits 15;`

az értékek a következő intervallumban:

- $-(10^{**}digits-1)*delta .. +(10^{**}digits-1)*delta.$

# Összetett típusok: tömbök

- Típuskonstrukció
  - Elemek típusa + indexek típusa

*type Tömb is array (1..10) of Integer;*

- Többdimenziós tömbök is vannak
- Kicsit később...

# Altípusok

- ▣ Egy típusértékhalmaatra tett megszorítás
- ▣ Nem vezetünk be új típust, csak egy altípust a meglévő típushoz

**subtype Napok is Integer range 1..31;**

**Elseje: Napok := 1;**

**Egy: Integer := 1;**

- ▣ Az Elseje és az Egy változó típusa megegyezik

# Az altípusok tulajdonságai

- A típusértékhalmoz (általában) kisebb lesz
- A műveletek ugyanúgy használhatók lesznek
- Az altípus használható , mint az eredeti (változódeklaráció, formális paraméter dekl., újabb típusok stb.)
- Az altípusba tartozó entitás és a bázistípusba tartozó entitás kompatibilisek egymással

# Altípusok és kompatibilitás

```
Elseje := Egy;
```

```
Egy := Elseje;
```

- ▣ A fordító elfogadja az értékadásokat
  - azonos típusú értékek
- ▣ Azt is ellenőrizni kell, hogy az értékadás nem sérti meg a típusinvariánst

```
Elseje := 42;
```

# Dinamikus típusellenőrzés

- ▣ Azt is ellenőrizni kell, hogy az értékadás nem sérti meg a típusinvariánst

Elseje := 42;

- ▣ A fordító ezt elfogadja, esetleg egy figyelmeztetést (warning) küld:

warning: "Constraint\_Error" will be raised at run time

- ▣ A futtató rendszer ellenőrzi, hogy a baloldali altípusának (a korlátozásnak) megfelel-e a jobboldali típusérték

# Ada: típusok és altípusok

- ▣ A típus feladata:  
a *fordítónak* információ az entitásokról  
(melyik entitást mire lehet használni)
- ▣ Az altípus feladata:  
kiegészítő információk a *futtató rendszer*  
számára



# Nevezetes (beépített) altípusok

```
subtype Natural is
```

```
    Integer range 0..Integer'Last;
```

```
subtype Positive is
```

```
    Integer range 1..Integer'Last;
```

lehetne...:

```
subtype Positive is
```

```
    Natural range 1..Natural'Last;
```

# Ada RM terminológia

- Az Adában minden „típusdefiníció” igazából egy altípust definiál
  - az ún. „első altípust”
  - az Ada programokban egységesen mindig altípusok szerepelnek
- Az első altípusból újabb altípusok képezhetők „altípus deklarációkkal”

# Altípusképzés altípus-deklaráció nélkül

```
subtype Napok is Integer range 1..31;
```

```
Nap: Napok := 7;
```

```
Februári_Nap: Napok range 1..29 := 3;
```

```
Szám: Integer range 1..31 := 7;
```

# Típusszinonímák

```
subtype Elem is Integer;
```

- nem vezet be megszorítást, csak egy új nevet
- a kód olvashatóságát növelheti
- C++ typedef

# Dinamikus megszorítás

```
declare
    N: Integer;
begin
    Get(N);
    declare
        subtype Számok is Integer range 1..N;
        Szám: Számok := 3;
    begin
        ...
    end;
    ...
end;
```

# Példák altípusokra

```
subtype Napok is Integer range 1..31;
subtype Valószínűség is Float range -1.0 .. 1.0;
subtype Nagybetűk is Character range 'A' .. 'Z';
type Hét is (Hétfő, Kedd, Szerda, Csütörtök, Péntek,
            Szombat, Vasárnap);
subtype Munkahét is Hét range Hétfő .. Péntek;

Ma: Hét := Szombat;
if Ma in Munkahét then Elmegyek_Dolgozni; end if;
```

# Származtatás + altípusképzés

```
type Napok is new Integer range 1..31;  
type Napok is range 1..31;
```

```
type Hónap_Napok is new Integer;  
subtype Napok is Hónap_Napok range 1..31;
```

# Típusműveletek

- Predefinit (előre definiált) operátorok
  - például egész számoknál: + - \* / stb.
- A nyelv által definiált egyéb műveletek
  - értékadás, (nem)egyenlőség-vizsgálat  
:=      =      /=
- A típusosztályhoz tartozó attribútumok
- Általunk írt bizonyos alprogramok
- Az ún. primitív műveletek öröklődnek a származtatás során



# Attribútumok

- ▣ Speciális típusműveletek
- ▣ A típusosztályokhoz rendelt műveletek
  - Például skalár típusosztályhoz...
  - A típusosztály minden típusára használható
- ▣ Speciális szintaxis:

Integer 'Image (ez pl. skalár attribútum)

# Példa attribútum használatára

```
F: Positive := Faktoriális(10);
```

```
...
```

```
Text_IO.Put_Line( Positive'Image(F) );
```

# Skalár típusosztály

- ▣ diszkrét (felsorolási, egészek),  
valós (fixpontos és lebegőpontos)
- ▣ a skalár típusok rendezettek
  - relációs operátorok  
`<` `<=` `>` `>=` `in` `not in`
- ▣ részintervallum kijelölés  
`range Alsó_Határ .. Felső_Határ`  
`subtype Számjegyek is Integer range 0..9;`
- ▣ skalár attribútumok

# Néhány skalár attribútum

***S'First***

az S legkisebb típusértéke

pl. `Natural'First = 0`

***S'Last***

...

***S'Range***

ugyanaz, mint `S'First .. S'Last`

***S'Image***

*function S'Image(A: S'Base) return String*  
szöveges reprezentációra alakít

***S'Value***

*function S'Value(A: String) return S'Base*  
stringet elemmez/értelmez/S-sé alakít

# Tömbök

- ▣ Elemek egy sorozata
- ▣ Az elemekhez indexeléssel férünk hozzá: ()
- ▣ A nyelvek általában speciális szintaxist biztosítanak a tömbökhöz
- ▣ Hatékony az elemek elérése, de a tömb méretének módosítása nem

```
type T is array ( 1..10 ) of Integer;
```

```
X: T := (1,3,5,7,9,2,4,6,8,0);
```

```
I: Integer := X(5);
```

# Tömb típusok az Adában

- ▣ Összetett (iterált) típusok megvalósításának egy eszköze
- ▣ Az indextípus tetszőleges diszkrét típus (felsorolási vagy egész)
- ▣ Az elemtípus tetszőleges (teljesen meghatározott) típus
- ▣ Szemben pl. a C++ nyelvvel

# Típusekvivalencia tömb típusokra

□ A tömb az Adában egy „valódi” típuskonstrukciós eszköz

- szemben pl. a C++ tömbjeivel

```
int t[10];
```

□ Minden tömbtípus-definíció új típust hoz létre (név szerinti ekvivalencia)

```
type T1 is array ('a' .. 'z') of Natural;
```

```
type T2 is array ('a' .. 'z') of Natural;
```

- T1 és T2 nem ekvivalensek!

# Példák

```
type T1 is array ('a' .. 'z') of Natural;  
type T2 is array (Character range 'a' .. 'z') of Natural;  
type T3 is array (Character) of Natural;  
type T4 is array (Character'First .. Character'Last) of Natural;  
type T5 is array (1..10) of T2;  
type T6 is array (Integer) of T3;    -- Storage_Error veszélye!  
                                     -- X: T6;
```



# Névtelen tömb típus

```
type Napok is (Hétfô, Kedd, Szerda, Csütörtök,  
Péntek, Szombat, Vasárnap);
```

Házimunka: array (Napok) of Natural;

- Az egyes komponensek:  
Házimunka(Hétfô) a tömb első eleme,  
Házimunka(Kedd) a második stb.
- Ebből a névtelen típusból csak egy objektum jön létre

# Névtelen altípus használata

```
type Napok is (Hétfô, Kedd, Szerda, Csütörtök,  
              Péntek, Szombat, Vasárnap);  
subtype Munkaórák is Natural range 0..24;  
Munka: array (Napok range Hétfô .. Péntek)  
             of Munkaórák;
```

# Megszorítások ellenőrzése

```
type Napok is (Hétfô, Kedd, Szerda, Csütörtök, Péntek,  
              Szombat, Vasárnap);  
subtype Munkaórák is Natural range 0..24;  
Munka: array (Napok range Hétfô .. Péntek) of Munkaórák;  
...  
Munka(Szombat):=6;  
Munka(Hétfô):= 44;  
  
□ Fordítás: warning, futtatás: Constraint_Error
```

# Többdimenziós tömb

```
type T is array (Boolean, Boolean) of Boolean;
```

```
És: T := ( (False, False), (False, True) );
```

```
... És(False, True) ...
```

- Nem olyan, mint a tömbök tömbje

```
type T1 is array (Boolean) of Boolean;
```

```
type T2 is array (Boolean) of T1;
```

```
Vagy: T2 := ( (False, True), (True, True) );
```

```
... Vagy(False)(True) ...
```

- Sorfolytonos ábrázolás

# Tömbműveletek

- Indexelés:  $X(3)$
- Egydimenziós esetben szelet kiválasztása:  $X(1..3)$ 
  - $X(1..1)$  és  $X(1)$  más típusú!
- $:=$   $=$   $\neq$
- diszkrét értékű vektorokra a  $<$  ,  $\leq$  ,  $>$  ,  $\geq$  (lexikografikusan értelmezett) relációk
- Az azonos hosszúságú logikai értékeket tartalmazó vektorokra az **and**, **or**, **xor**, és a **not** műveletek
- A tömb típusosztály attribútumai

# Tömbök attribútumai

```
type T is array ( 1..10 ) of Integer;  
X: T := (0,2,4,6,8,1,3,5,7,9);
```

X ' First	az első index, azaz 1
X ' Last	az utolsó index, azaz 10
X ' Range	X ' First .. X ' Last
X ' Length	az X hossza, azaz 10

- ▣ Nem a típus, hanem az objektum szerepel az attribútum neve előtt (v.ö. Integer ' First)

# Iterálás tömbön

```
for I in X ' Range loop  
Put_Line( Integer ' Image( X(I) ) );  
end loop;
```

# Többdimenziós tömbök attribútumai

```
type T is array (Boolean, Boolean) of Boolean;  
És: T := ( (False, False), (False, True) );
```

És ' First(1)

az első index az első  
dimenzióban, azaz False

És ' Last(2)

az utolsó index a második  
dimenzióban, azaz True

...



# Megszorítás nélküli index

```
type Vektor is array (Integer range <> ) of Integer;  
type Matrix is array (Integer range <>, Integer range <>)  
of Float;
```

□ Ekkor a változó deklarációsoroknál kell eldönteni a konkrét indexhatárokat:

V1: Vektor (1 .. 3);

V2: Vektor (2 .. 4);

V3: Vektor (1 .. 8);

A: Matrix(1 .. 2, 1 .. 5);

M: Matrix; -- hibás változódefiníció (fordítási hiba)

# Rugalmas használat

```
type Elem is new Integer;
type Index is new Integer;
type Vektor is array (Index range <>) of Elem;

function Max( A: Vektor ) return Elem is
    M:Index := A'First;
begin
    for I in A'Range loop
        if A(M) < A(I) then M:= I; end if;
    end loop;
    return A(M);
end Max;
```

# Megszorítás nélküli indexű tömb típus

- ▣ Alprogram formális paraméterének vagy visszatérési értékének típusa lehet ilyen
- ▣ Az aktuális paraméter, illetve a kiszámolt érték határozza meg az aktuális indexhatárokat
- ▣ Az attribútumokat használjuk az alprogramban
- ▣ Objektum létrehozásához meg kell adni az indexhatárokat (méretet), altípusképzéssel
- ▣ Különböző indexelésű tömbök egy típusba tartozhatnak

# Altípus létrehozása

```
type Beosztás is array (Napok range <>) of Boolean;  
subtype Munkanap is Beosztás(Hétfő .. Péntek);
```

```
Kati_Beosztása : Beosztás(Kedd .. Szombat);
```

```
Jancsi_Beosztása : Munkanap;
```

```
Peti_Beosztása : Beosztás := (True, True, False);
```

- ▣ Ilyenkor Napok'First az első index
- ▣ Megtévesztő lehet, ha Integer az indextípus: -2147483648

# Megszorítás nélküli indexű tömbök jellemzői

□ Üres tömb: üres indexintervallum  
type Vektor is array (Index range  $\langle \rangle$ ) of Elem;

V: Vector(1..0);

□ Értékkadás szeletre: a szelet is balérték

W(1..3) := (3,5,1);

□ Konkatenáció művelet: & operátor

- tömböt tömbbel, elemet tömbbel,  
tömböt elemmel, elemet elemmel

# Példák konkatenációra

```
type Vektor is array (Integer range <>) of Float;
```

```
K1: Vektor(0..2);
```

```
K2: Vektor(1..3);      -- ok: K2 := K1;
```

```
K3: Vektor := K1&K2;  -- K3'First = 0
```

```
K4: Vektor :=K1&1.0;  -- ok: K4(0..2) := K2;
```

```
K5: Vektor :=2.0&3.0; -- K5'Length = 2
```

```
K6: Vektor :=1.0&K1;
```

# Nem teljesen meghatározott típus

- indefinite type
- Például a meghatározatlan indexű tömb típus
- Nem lehet közvetlenül változót definiálni vele
  - nem ismerjük a méretét
  - de például helyes ez:  $X: T := (1,5,3);$
- Lehet viszont pl. formális paraméter típusa
- Nem lehet például tömb elemtípusa
- Lesz még más ilyen típus is...

# A String típus

- ▣ Beépített típus

**type String is array (Positive range <>) of Character;**

- ▣ Speciális szintaxis

S1: constant String := "GIN";

S2: constant String := ('G','I','N');

- ▣ Rugalmatlanabb, mint más nyelvekben

- A tömbökre vonatkozó szabályok miatt
- Mutatókkal, dinamikus memóriakezeléssel segíthetünk
- Ada95: Bounded\_String, Unbounded\_String



# Tipikus hibák String használatánál (1)

- ▣ Különböző méretű String-ek nem adhatók egymásnak értékül: `Constraint_Error`

```
S: String(1..256);
```

```
S := Integer'Image( Faktoriális(4) );
```

- ▣ Egy másik tanulság: lehetőleg ne égezzünk bele a programba konstansokat.
  - Mi van, ha az Integer típus egy adott implementációban szélesebb?

## Tipikus hibák String használatánál (2)

- Egy `Get_Line`-os beolvasás esetleg csak részben tölti fel a sztringet

```
S: String( 1..Sor_Hossz );
```

```
H: Natural;
```

```
Get_Line(S,H);
```

```
... Integer'Value( S ) ...
```

```
... Integer'Value( S(1..H) ) ...
```

# Tömbaggregátum

type T is array (1..6) of Float;

□ Pozícionális megadás

X: T := (1.0, 3.0, 1.0, 2.0, 2.0, 2.0);

□ Névvel jelölt megadás

X: T := (2 => 3.0, 1|3 => 1.0, 4..6 => 2.0);

□ Maradék

X: T := (2 => 3.0, 1|3 => 1.0, others => 2.0);

□ Keverés

X: T := (1.0, 3.0, 1.0, others => 2.0);

# Korlátozás nélküli index esetén

type T is array (Integer range <>) of Float;

▢ Pozícionális megadás

X: T := (1.0, 3.0, 1.0, 2.0, 2.0, 2.0);

▢ Névvvel jelölt megadás

X: T := (2 => 3.0, 1|3 => 1.0, 4..6 => 2.0);

▢ Helytelenek:

X: T := (2 => 3.0, 1|3 =>1.0, others => 2.0);

X: T := (1.0, 3.0, 1.0, others => 2.0);

▢ Helyesek:

X: T(1..10) := (1.0, 3.0, 1.0, others => 2.0);

X: T(1..10) := (2 => 3.0, 1|3 =>1.0, others => 2.0);

# Többdimenziós esetben

M: `Mátrix(1..2, 1..3):=`

`(1 => (1.1,1.2,1.3), 2 => (2.1,2.2,2.3));`

D: `Mátrix := (1 .. 5 => (1 .. 8 => 0.0));`

# A skalár típusosztály attribútumai

*S'First, S'Last, S'Range, S'Image, S'Value*

*S'Base* az S bázistípusa (a megszorítás nélküli altípus)

*S'Min* function *S'Min*(A,B: *S'Base*) return *S'Base*

*S'Max* a két érték maximuma

*S'Succ* function *S'Succ*(A: *S'Base*) return *S'Base*  
ránakövetkező elem (Constraint\_Error lehet)

*S'Pred* ...

*S'Width* maximuma az *S'Image* által visszaadott  
stringek hosszának

*S'Wide\_Image, S'Wide\_Width, S'Wide\_Value*

# A diszkrét típusosztály

- ▣ Felsorolási és egész (előjeles és moduló) típusok
- ▣ Ezen típusoknál a típusértékek a típuson belül pozíciószámmal azonosíthatók

*S'Pos(A)* function *S'Pos(A: S'Base)* return Integer  
egy egész szám, a pozíció

*S'Val(n)* az adott pozíciónak megfelelő típusérték

- ▣ A pozíciószám követi a skalár rendezést

# A felsorolási típusok osztálya

- ▣ A skalár rendezést itt a típusértékek felsorolási sorrendje adja
- ▣ A diszkrét pozíciószám szintén a felsorolást követi
  - nullától egyesével



# Az egész típusok osztálya

## ▣ Predefinit operátorok

$+A$     $-A$     $A+B$     $A-B$     $A*B$     $A/B$

$A \text{ rem } B$     $A \text{ mod } B$     $\text{abs } A$     $A^{**}B$

- Az egész osztás csonkít (nulla felé...)
- Hatványozásnál B nemnegatív

## ▣ Moduló típusoknál:

*S'Modulus*   a típus modulusa

# A valós típusok osztálya

$+X$   $-X$   $X+Y$   $X-Y$   $X*Y$   $X/Y$   $X**Y$

– *hatványozás: Y egész*

▣ *Attribútumok*

– *Lebegőpontos: 'Digits*

– *Fixpontos:*

*'Small, 'Delta, 'Fore, 'Aft, 'Scale,  
'Round*

▣ *Decimális fixpontos: 'Digits*